

учитель будущего

# «Методика обучения доказательству геометрических утверждений»

учитель математики  
Гладких А.В.

**ОГЭ** – номер 24

**ЕГЭ** – номер 16 (а)

Косвенно:

**ОГЭ** – номера 23, 25

**ЕГЭ** – номер 16 (б)

При обучении проведению доказательства выделяют три основных этапа:

- 1) подготовку к проведению доказательства;
- 2) изучение готовых доказательств;
- 3) обучение самостоятельному поиску и проведению доказательства.

## Этапы изучения теорем:

- ✓ мотивация изучения теоремы;
- ✓ знакомство с содержанием;
- ✓ обоснование необходимости доказательства;
- ✓ выполнение рисунка и краткой записи;
- ✓ поиск приемов доказательства;
- ✓ закрепление;
- ✓ примеры применения теоремы.

## Доказательства можно проводить:

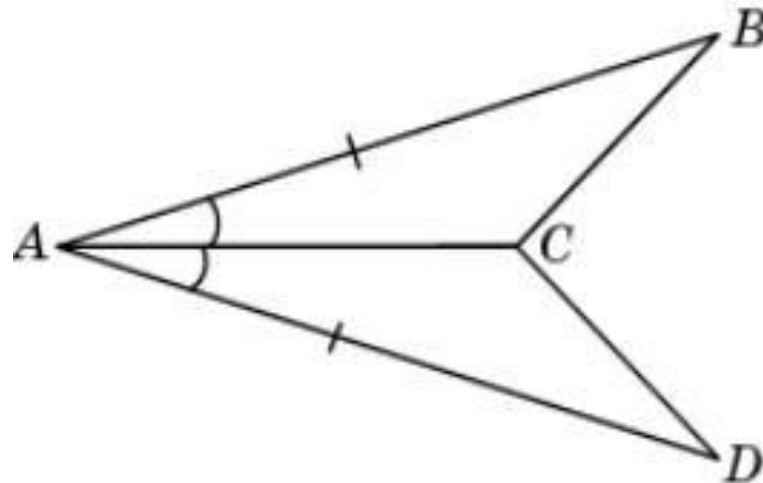
- только учителю;
- учителю совместно с учениками;
- ученикам по заданному алгоритму.

## Задачи на доказательство

- признаки равенства треугольников;
- равнобедренные треугольники;
- соотношения между элементами треугольника;
- четырехугольники и их элементы;
- окружность и ее элементы.

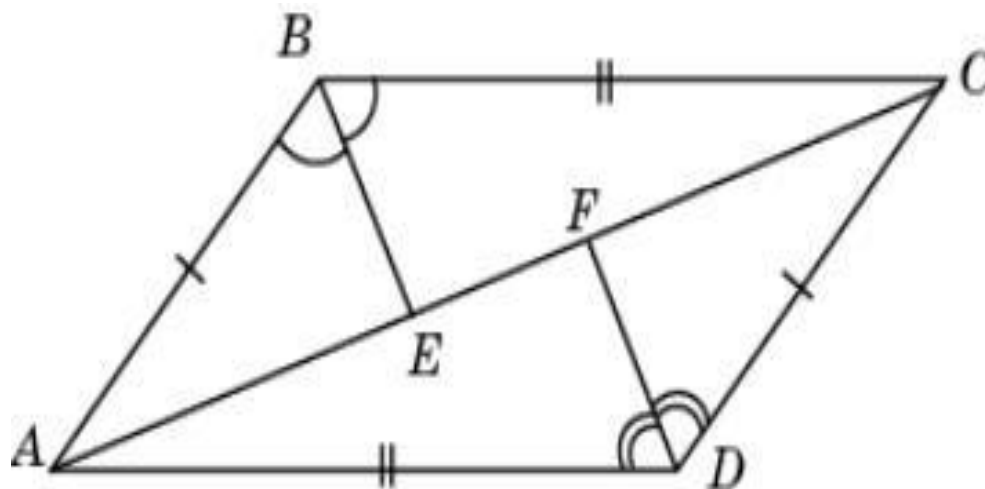
# Признаки равенства треугольников

**Задача 1.** На рисунке  $AB = AD$  и  $\angle BAC = \angle DAC$ . Докажите, что  $\angle B = \angle D$ .



## Признаки равенства треугольников

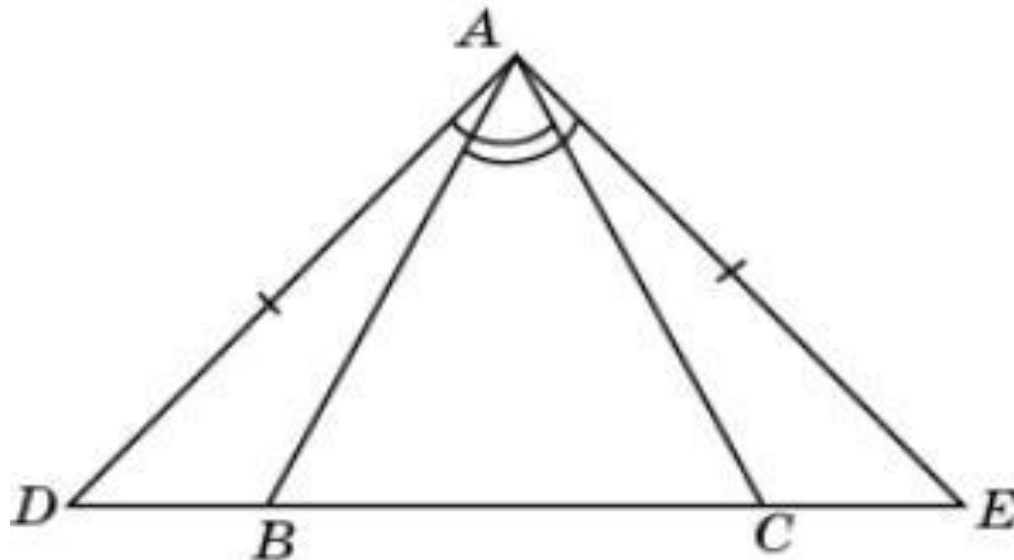
**Задача 2.** На рисунке  $AB = CD$ ,  $AD = BC$ ,  $BE$  - биссектриса угла  $ABC$ , а  $DF$  - биссектриса угла  $ADC$ . Докажите, что треугольники  $ABE$  и  $CDF$  равны.





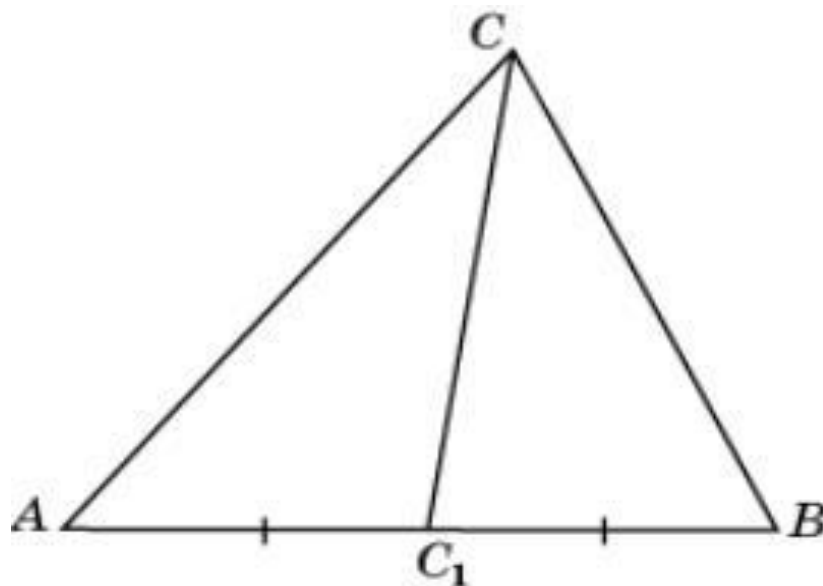
## Равнобедренные треугольники

**Задача 3.** На рисунке  $AD = AE$ ,  $\angle CAD = \angle BAE$ .  
Докажите, что  $BD = CE$ .



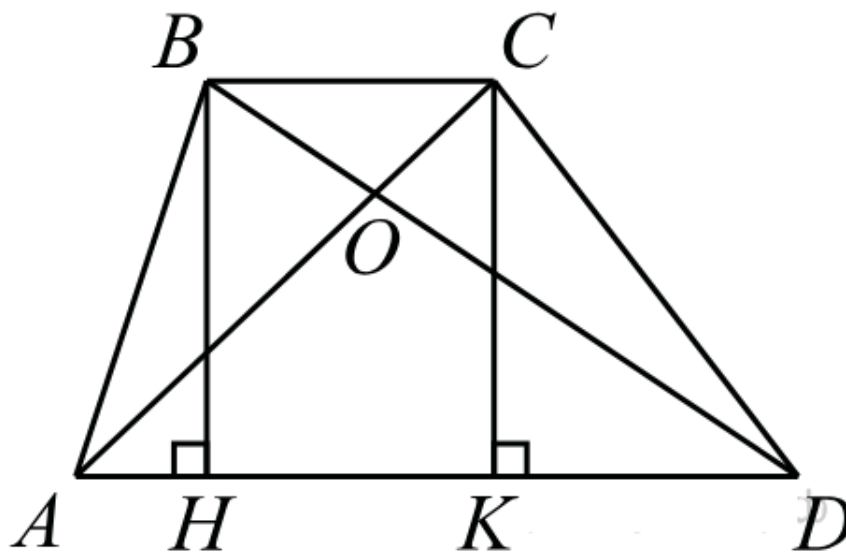
## Соотношения между элементами треугольника

**Задача 4.** Докажите, что медиана треугольника меньше его полупериметра.



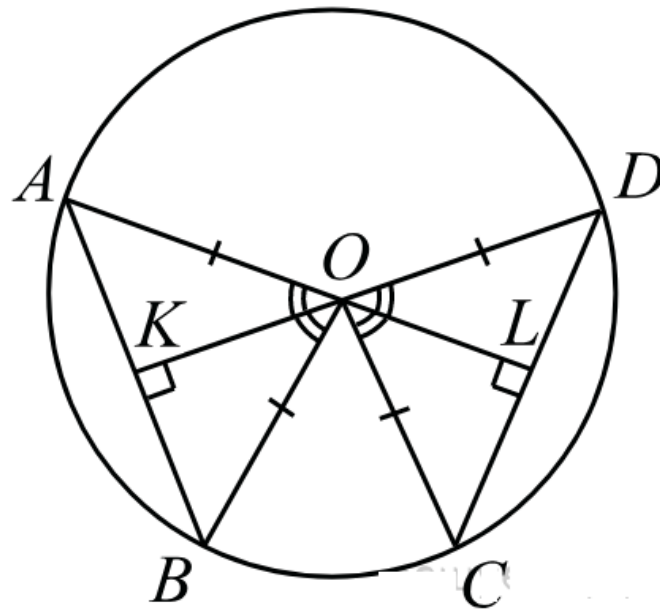
## Четырехугольники и их элементы

**Задача 5.** В трапеции  $ABCD$  с основаниями  $AD$  и  $BC$  диагонали пересекаются в точке  $O$ . Докажите, что площади треугольников  $AOB$  и  $COD$  равны.



## Окружность и её элементы

**Задача 6.** В окружности с центром  $O$  проведены две хорды  $AB$  и  $CD$  так, что центральные углы  $AOB$  и  $COD$  равны. На эти хорды опущены перпендикуляры  $OK$  и  $OL$ . Докажите, что  $OK$  и  $OL$  равны.



## Основные причины возникновения затруднений при доказательстве геометрических утверждений:

- ✧ Ученики считают утверждение очевидным;
- ✧ Школьники не умеют выстраивать логическую цепочку рассуждений;
- ✧ Учащиеся не могут применять изученные теоремы.

**СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ!**

учитель будущего